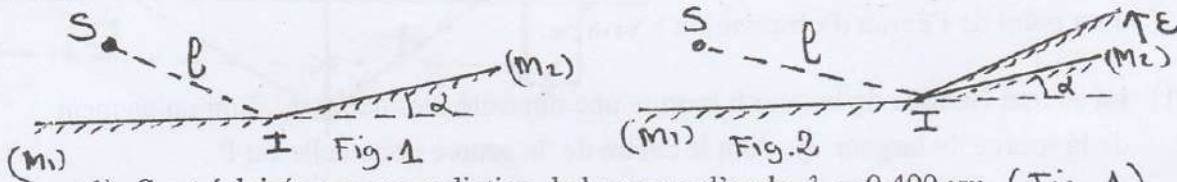


Contrôle continu d'Optique Physique (Mai 2014): Durée 1 Heure 45 minutes

N.B: Les parties I et II peuvent être traitées indépendamment l'une de l'autre.

Partie I

On réalise l'expérience d'interférences lumineuses avec le dispositif des miroirs de Fresnel. Les deux miroirs font entre eux un angle presque plat  $180 - \alpha$ . La source S est une fente lumineuse parallèle à l'arête commune des miroirs. Elle est située à une distance  $SI = l = 1\text{ m}$ . On observe les franges d'interférences sur un écran placé  $IO = d = 2\text{ m}$



1) S est éclairée par une radiation de longueur d'onde  $\lambda_0 = 0.490\ \mu\text{m}$  (Fig. 1)

a) Tracer la marche des faisceaux lumineux issus de S et couvrant la totalité des deux miroirs ; hachurer la zone d'interférences.

b) L'interfrange est  $i = 0.25\ \text{mm}$

i) Déterminer la distance  $a = S_1 S_2$  entre les images respectives  $S_1$  et  $S_2$  de la source S à travers respectivement des deux miroirs  $(M_1)$  et  $(M_2)$ .

ii) Déterminer la largeur  $L$  du champ d'interférences ainsi que le nombre de franges brillante et sombre observé sur l'écran.

iii) L'angle  $\alpha$

c) On fait tourner le miroir  $(M_2)$  autour de l'arête commune vers la gauche d'un angle très petit  $\epsilon$ . La nouvelle valeur de l'interfrange est  $i' = 0.23\ \text{mm}$ . (Fig. 2)

Calculer  $\epsilon$  et la nouvelle largeur  $L'$  du champ d'interférences ainsi que le nombre de franges sombre et brillante observé sur l'écran.

1) On éclaire maintenant la source S en lumière blanche (cas où  $\epsilon$  est nul) et on suppose l'écran percé d'une fente parallèle aux franges, à la distance  $x_1 = 1.4\ \text{mm}$  de la frange centrale. On reçoit dans un spectroscopie la lumière qui passe par cette fente. Il manque un certain nombre de raies (cannelures) dans le spectre obtenue entre  $0.4\ \mu\text{m}$  et  $0.75\ \mu\text{m}$ . Déterminer les longueurs d'ondes de ces raies.

- 2) On remplace maintenant la source S par une autre source émettant deux radiations monochromatique de même intensité et de longueurs d'onde  $\lambda_1 = 0.486 \mu\text{m}$  et  $\lambda_2$  inconnue.

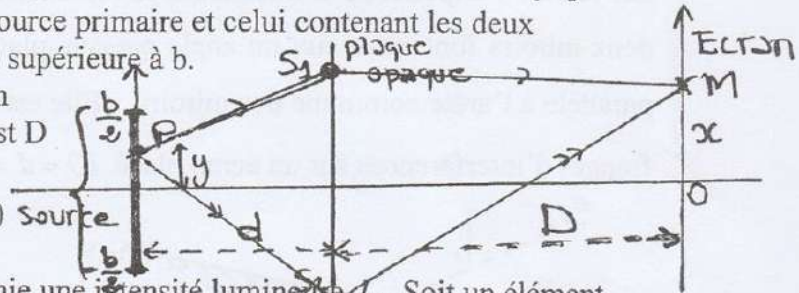
Déterminer la longueur d'onde  $\lambda_2$  pour que la deuxième anti-coïncidence se produise à la distance  $x_d = 5 \text{ mm}$ .

### Partie II

On considère le dispositif des trous de d'Young éclairé par une source étendue de largeur b. Les caractéristiques du dispositif d'Young sont : ( voir figure 3 )

- Une plaque muni de deux trous  $S_1$  et  $S_2$  sont séparés par une distance  $a = S_1 S_2$ .
- la distance entre le plan contenant la source primaire et celui contenant les deux sources secondaires est d supposée très supérieure à b.
- La distance entre l'écran d'observation et la plaque contenant les deux trous est D supposée très supérieure à  $x = OM$

( M un point de l'écran d'observation )



- 1) La source étendue de largeur b fournit une intensité lumineuse  $I_0$ . Soit un élément de la source de largeur  $dy$  dont le centre de la source ponctuelle est P.
  - a) Déterminer la différence de marche optique au point M entre les deux vibrations issues de la source ponctuelle P.
  - b) En déduire l'éclairement ou l'intensité lumineuse sur l'écran au point M quand les deux sources  $S_1$  et  $S_2$  sont éclairées par la source ponctuelle P située à la hauteur y de l'axe optique. ( On suppose que les deux sources secondaires émettent la même intensité lumineuse).
  - c) Donner l'expression de l'éclairement élémentaire  $dI(M)$  sur l'écran au point M lorsque les deux trous  $S_1$  et  $S_2$  sont éclairés par la source élémentaire de largeur  $dy$ .
  - d) Montrer que l'éclairement total  $I(M)$  au point M lorsque les deux trous  $S_1$  et  $S_2$  sont éclairés par la source étendue de largeur b, est donné par l'expression suivante :

$$I(M) = 2I_0 \left[ 1 + V \cos \left( \frac{2\pi a x}{\lambda D} \right) \right] \quad \text{ou} \quad V(b) = \frac{\sin \left( \frac{\pi a b}{\lambda d} \right)}{\frac{\pi a b}{\lambda d}}$$

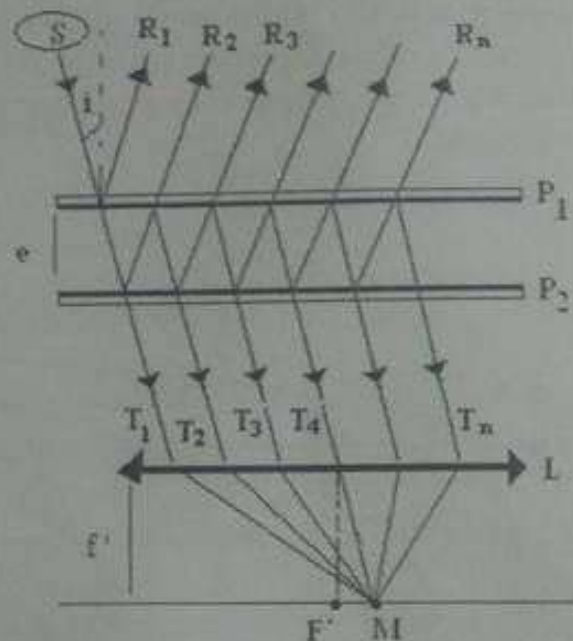
- 2) a) Représenter l'allure graphique du facteur de visibilité  $V(b)$ . Pour quelles valeurs de b en fonction de a, d et  $\lambda$ , le facteur de visibilité  $V(b)$  est nul.

b) Dans la zone où  $V > 0$ , donner un encadrement de l'intensité lumineuse  $I(M)$  puis la représenter en fonction de x (  $x = OM$  ou M est un point de l'écran ). Préciser dans ce cas où  $V > 0$ , les zones de l'écran où le contraste est nul, faible, moyen et meilleur.

Examen de rattrapage d'Optique Physique (Juin 2014): Durée 1 h30mn

N.B: Les parties I et II peuvent être traitées indépendamment l'une de l'autre.

**Partie I** Un interféromètre Fabry-Pérot est constitué schématiquement par deux lames à faces parallèles  $P_1$  et  $P_2$ , infiniment minces parallèles entre elles, revêtues sur leurs faces en regard d'une couche métallique semi-transparente. Chacune de ces couches a un pouvoir de réflexion  $R$  et un pouvoir de transmission  $T$ . Les deux lames  $P_1$  et  $P_2$  sont distantes de  $e$ , on éclaire le Fabry-Pérot par une source  $S$  étendue monochromatique de longueur d'onde  $\lambda = 409,5 \text{ nm}$ .



**Figure 1**

On observe les franges d'interférences localisées à l'infini sur le plan focal d'une lentille convergente  $L$  de distance focale  $f' = 1 \text{ m}$  (figure 1).

- 1- Donner l'intensité lumineuse de l'onde résultante transmise  $I_T(\varphi)$  par l'interféromètre dans une direction  $i$ , en fonction de  $\varphi$ ,  $R$ ,  $T$ , et  $I_0$ ,  $I_0$  étant l'intensité de l'onde incidente et  $\varphi$  le déphasage entre deux ondes transmises  $T_n$  et  $T_{n+1}$ .
- 2- Donner aussi le déphasage  $\varphi$  en fonction de l'angle d'incidence  $i$ ,  $e$  et  $\lambda$ .
- 3- Sachant que le pouvoir d'absorption est  $A = 0$

a) Pour quelles valeurs de  $\varphi$ ,  $I_T(\varphi)$  est maximale et pour quelles valeurs de  $\varphi$ ,  $I_T(\varphi)$  est minimale.

b) Exprimer en fonction du pouvoir de réflexion  $R$  le contraste des franges  $\mathcal{C} = \frac{I_{T,max} - I_{T,min}}{I_{T,max}}$

Calculer le coefficient de finesse  $\mathcal{F}$  et le pouvoir de résolution  $\mathcal{R}$  et en déduire la valeur de la bande passante  $\Delta\lambda$  pour l'ordre 4.

4- Soit  $I_R(\varphi)$  l'intensité résultante de l'onde réfléchie par le Fabry-Pérot.

a- Sachant que  $I_0 = I_T(\varphi) + I_R(\varphi)$ , on déduire l'expression de  $I_R(\varphi)$  en fonction de  $\varphi$ ,  $R$ ,  $T$ , et  $I_0$ .

b- Pour quelles valeurs de  $\varphi$ ,  $I_R(\varphi)$  est maximale et pour quelles valeurs de  $\varphi$ ,  $I_R(\varphi)$  est minimale.

5- Tracer grossièrement sur le même graphe les allures de  $I_T(\varphi)$  et de  $I_R(\varphi)$  en fonction de  $\varphi$ . Conclure.

### Partie II

Dans une expérience de fentes d'Young, la source est constituée de deux points  $S_0$  et  $S'_0$ , placée à distance  $d = 20$  cm du cache percé des deux fentes  $S_1$  et  $S_2$  (fig.2). Les deux points sources émettent des rayonnements de même longueur d'onde, mais incohérents.

Les fentes  $S_1$  et  $S_2$  sont placées symétriquement par rapport à l'axe  $(Oz)$ , leur distance étant  $a = 0.4$  mm; on note  $(Ox)$  l'axe orthogonal à  $(Oz)$  et aux fentes. L'écran d'observation est perpendiculaire à l'axe  $(Oz)$  et à distance  $D = 1$  m du cache.

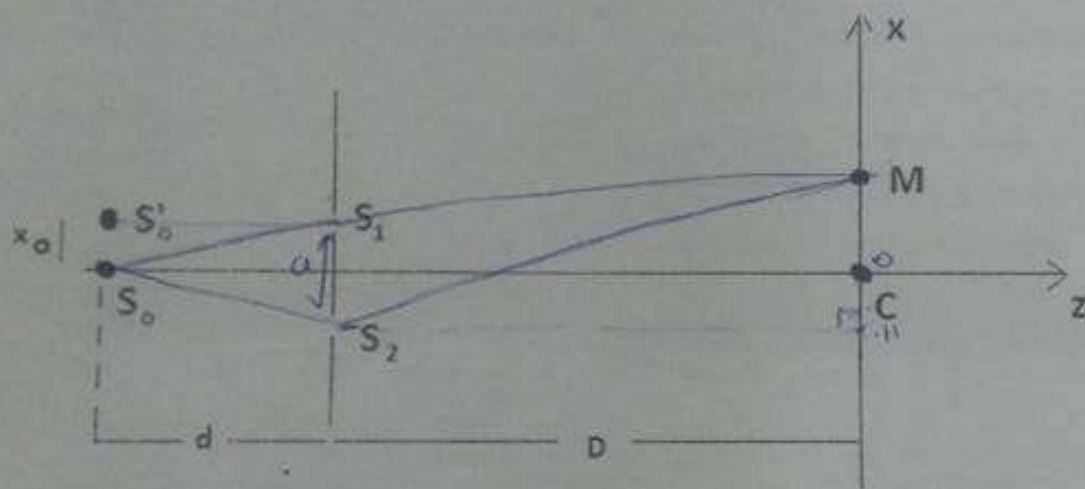


Figure 2

On se limite aux phénomènes ayant lieu sur l'axe  $(Cx)$ ,  $C$  étant le point d'intersection de l'axe  $(Oz)$  et de l'écran.

$$I_1 = I_0 \cos(\omega_1 t + \varphi_1)$$

- 1) Le point  $S_0$  étant situé sur l'axe horizontal et étant le seul à éclairer le dispositif, rappeler l'expression de l'éclairement  $I_1(x)$ , en un point  $M$  d'abscisse  $x$  sur  $(Cx)$ . On notera  $I_0$  la valeur maximale prise par  $I_1(x)$ .
- 2) Le second point source  $S'_0$  étant situé sur l'axe  $(Ox)$  à l'abscisse  $x_0$ , quelle est l'expression de l'éclairement  $I_2(x)$  sur  $(Cx)$  lorsque  $S'_0$  est seul à émettre? On considérera que la valeur maximale est  $I_0$ .
- 3) Les deux points sources étant mis en jeu, Montrer que la nouvelle expression de l'éclairement

$I(x)$  s'écrit comme suit :  $I(x) = 4I_0 \left[ 1 + V \cos \left( \frac{\varphi_1 + \varphi_2}{2} \right) \right]$  ou  $V$  représente le facteur de

visibilité des franges que l'on déterminera. Donner aussi les expressions des phases  $\varphi_1$  et  $\varphi_2$ .

4) Montrer que l'on peut définir le contraste, dont la valeur est fonction de  $x_0$ .

5) Pour quelles valeurs de  $x_0$  se produit-il un brouillage?

$$V = \frac{I_{\max} - I_{\min}}{I_{\max}}$$

$$I = 0$$